E-mail: csa@iscas.ac.cn http://www.c-s-a.org.cn Tel: +86-10-62661041

# 人工势场法在移动机器人路径规划中的改进①

杜艺生1,孙 宁2,宋 莹2

<sup>1</sup>(南京信息工程大学自动化学院,南京 210044) <sup>2</sup>(无锡学院 自动化学院,无锡 214105) 通信作者:杜艺生, E-mail: 2197296518@qq.com

**摘** 要:随着智慧工厂的逐渐发展,移动机器人在工厂中的应用越来越广泛,但是在工厂中障碍物较多,使用传统人 工势场法容易产生目标不可达以及局部最小值等问题.本文针对传统人工势场法在路径规划中出现的目标不可达 以及局部最优解进行改进.首先针对目标不可达的情况,采用新斥力势场函数,通过对原人工势场法中的斥力势场 函数增加影响函数,从而解决目标不可达;其次针对局部最优解,采用人工势场法与模拟退火法相结合的方法,利用 模拟退火法中的增设子目标点,打破平衡状态,从而走出障碍物.最后通过 Matlab 对比,本文算法在 10 个障碍物中 比其他文献中算法的行驶时间提升 6.70%,路径长度减少 9.20%.本文算法在 20 个障碍物中比其他文献中算法的 行驶时间提升 9.10%,路径长度减少 12.10%.

关键词:移动机器人;路径规划;势场函数;人工势场法;模拟退火法

引用格式:杜艺生,孙宁,宋莹.人工势场法在移动机器人路径规划中的改进.计算机系统应用,2023,32(9):177-182. http://www.c-s-a.org.cn/1003-3254/9212.html

## Improvement of Artificial Potential Field Method in Path Planning of Mobile Robots

DU Yi-Sheng<sup>1</sup>, SUN Ning<sup>2</sup>, SONG Ying<sup>2</sup>

<sup>1</sup>(School of Automation, Nanjing University of Information Science and Technology, Nanjing 210044, China) <sup>2</sup>(School of Automation, Wuxi University, Wuxi 214105, China)

**Abstract**: With the gradual development of smart factories, mobile robots are applied more and more widely in the factory. However, as there are many obstacles in the factory, the traditional artificial potential field method is easy to produce unreachable targets and local minimum values and other problems. This study improves the unreachable target and the local optimal solution of the traditional artificial potential field method in path planning. Firstly, a new repulsive potential field function is adopted to solve the problem of unreachable targets by adding an influence function to the repulsive potential field function in the original artificial potential field method. Secondly, for the local optimal solution, the artificial potential field method is combined with the simulated annealing method, and the additional subpoints in the simulated annealing method are applied to break the equilibrium state, so as to get out of the obstacles. Finally, through Matlab comparison, the travel time of the proposed algorithm in 10 obstacles is improved by 6.70% and the path length is reduced by 9.20% compared with algorithms in other literature. In 20 obstacles, the travel time of the proposed algorithm is improved by 9.10% and the path length is reduced by 12.10% compared with algorithms in other literature.

**Key words**: mobile robot; path planning; potential field function; artificial potential field method; simulated annealing method



Software Technique•Algorithm 软件技术•算法 177

① 基金项目: 江苏省高等学校自然科学研究面上项目 (19KJB520044)

收稿时间: 2023-02-18; 修改时间: 2023-03-20; 采用时间: 2023-03-23; csa 在线出版时间: 2023-05-22 CNKI 网络首发时间: 2023-05-24

在移动机器人的发展历史中有一个问题是逃避不 了的,那就是路径规划问题.路径规划最早始于 20 世 纪 60 年代,早期的路径规划是在静态障碍物下进行的, 但是随着人们的需求和应用环境的变化,人们不得不 对路径规划进行"升级换代".路径规划在学术上可以 定义为在存在障碍物的有界空间内寻找一条从起点到 目标点的最优或次优且安全无碰撞路径<sup>[1-3]</sup>,通俗来说 就是解决地洞机器人要去哪里的问题并且如何安全准 确到达.

对于路径规划,众多学者提出 Dijkstra 算法<sup>[4]</sup>、 A\*算法<sup>[5]</sup>、蚁群算法<sup>[6]</sup>、人工势场法<sup>[7]</sup>、D\*Lite 算 法<sup>[8]</sup>、RRT 算法<sup>[9]</sup>等传统算法. 但是这些传统算法存 在着很多的不足之处. 比如:人工势场法中机器人容易 陷入局部最小值,局部最小值即在路径规划过中,目标 点对移动机器人的引力与障碍物对移动机器人的斥力 大小相等,方向相反,无法继续向目标点移动. 同时人 工势场法中还存在着目标不可达的问题,即当障碍物 出现在目标位置附近时,因障碍物产生的斥力较大,不 能顺利到达目标点<sup>[10]</sup>.

在局部路径规划中的算法有很多,其中人工势场 法因其算法本身较为简单,易实现,逻辑清晰,因此被 广大学者所喜爱. Abadlla 等人提出了一种改进的人工 势场法与模糊逻辑法相结合的新方法.该方法克服了 传统人工势场法局部极小点问题,提高了复杂环境下 的导航性能,但未能完全克服机器人剧烈震荡问题<sup>[11]</sup>. Wang 等人引入虚拟目标点,并改变斥力势场函数,使 得移动机器人可以跳出局部最小并可以解决目标不可 达问题,但同样会先陷入局部最小区域<sup>[12]</sup>.徐小强等人 对斥力的生成机制进行了调整,在一定条件下对前进 方向做出了改进,通过设立虚拟的子目标点引导机器 人运动,但在复杂环境下,移动机器人可能会陷入其中[13]. 郑来芳等人提出人工势场法对移动底盘和机械臂联合 避障的局部行进路径规划,使管道移动机械臂顺利避 开支柱障碍到达目标位置,该算法也易陷入局部极小 值,当障碍物靠近目标点时会导致目标点不可达[14].

针对人工势场法的缺陷,本文通过加入系数项并 结合模拟退火法进行改进.首先针对目标不可达的情况,设计一种新的斥力势场函数,加入一个跟随目标点 距离变化而变化的系数项,使该算法在目标点靠近障 碍物时不会因为斥力大于引力而无法到达目标点.其 次针对局部最优解,采用人工势场法与模拟退火法相

178 软件技术•算法 Software Technique•Algorithm

结合的算法,模拟退火法对当前最优解增加扰动产生 新解,并以一定概率接受新解,使其拥有跳出局部极小 值的能力,从而走出障碍物,解决了人工势场法易陷入 局部极小值的问题.

## 1 传统人工势场法

人工势场法是由 Khatib 在 1985 年时所提出的一种虚拟力算法<sup>[15]</sup>,人工势场法原理是:目标点会产生引力场,障碍物会产生一个或者多个斥力场,移动机器人 受两种场的共同作用,引力场对移动机器人产生一个 指向目标点的引力,斥力场由障碍物指向移动机器人 的斥力,二者的合力的方向最终决定它的移动方向并 规划一条由起点指向终点的无碰路径.本文中设机器 人当前点为*X<sub>c</sub>*(*x<sub>c</sub>*,*y<sub>c</sub>*),目标点为*X<sub>g</sub>*(*x<sub>g</sub>*,*y<sub>g</sub>*),障碍物点为 *X<sub>o</sub>*(*x<sub>o</sub>*,*y<sub>o</sub>*).

## 1.1 斥力函数

在二维运动空间中,机器人受到运动空间中所有 障碍物的斥力.由于斥力的影响,会使得机器人远离障 碍物,避免发生碰撞.当不在障碍物的影响范围内时, 斥力势场为零.传统人工势场法中的斥力势场函数表 达式为:

$$U_{\rm rep}(X) = \begin{cases} \frac{1}{2} K_{\rm rep} \left( \frac{1}{\rho(X_c, X_o)} - \frac{1}{\rho_0} \right)^2, \ 0 < \rho(X_c, X_o) \le \rho_0 \\ 0, & \rho(X_c, X_o) > \rho_0 \end{cases}$$
(1)

其中, *K*<sub>rep</sub>为斥力势场函数的系数, ρ(*X<sub>c</sub>*,*X<sub>o</sub>*)为当前点 与障碍物的欧式距离, ρ<sub>0</sub>为障碍物的影响范围. 传统人 工势场法中的斥力函数是斥力势场函数的负梯度, 其 表达式为:

$$U_{\rm rep}(X) = \begin{cases} K_{\rm rep} \left( \frac{1}{\rho(X_c, X_o)} - \frac{1}{\rho_0} \right)^2 \frac{1}{\rho^2(X_c, X_o)} \frac{\partial \rho(X_c, X_o)}{\partial X}, \\ 0 < \rho(X_c, X_o) \le \rho_0 \\ 0, \ \rho(X_c, X_o) > \rho_0 \end{cases}$$
(2)

## 1.2 引力函数

移动机器人不仅会受到空间中障碍物所给的斥力, 还会受到目标点发出的引力.在势场中机器人受到目标点的引力是随着本身与目标点的距离变化而产生变 化的,当机器人与目标点越近,其所受到的引力越小, 当机器人与目标点越远,其所受到的引力则越大.在传统人工势场法中的引力势场函数表达式为:

$$U_{\text{att}}(X) = \frac{1}{2} K_{\text{att}} \rho^2(X_c, X_g)$$
(3)

其中,  $K_{att}$ 为引力势场函数的系数,  $\rho^2(X_c, X_g)$ 为当前点 到目标点欧式距离的平方. 引力函数同时也是引力势 场函数的负梯度, 其表达式为:

$$F_{\text{att}}(X) = -K_{\text{att}}\rho(X_c, X_g) \tag{4}$$

## 1.3 合力函数

由于移动机器人在路径规划过程中可能同时受多 个障碍物作用,因此根据式(1)和式(3)可得所受的合 势场可表示为:

$$U = U_{\text{att}} + \sum_{j=1}^{n} U_{\text{rep}}(X)$$
(5)

受到的合力可以表示为:

$$F = F_{\text{att}}(X) + \sum_{j=1}^{n} F_{\text{rep}}(X)$$
(6)

其中, n 为二维运动空间中的障碍物总数.

## 2 改进人工势场法

#### 2.1 目标不可达问题

目标不可达问题是指移动机器人到达目标点附近, 由于其周围存在的障碍物产生的斥力大于引力,使得 机器人在目标点附近徘徊,不能到达目标点.

针对目标不可达问题,本文在原斥力势场函数中添加关于目标点到当前点的影响函数.函数具体为: 1-e<sup>(-(R/0.4))</sup>,函数中 0.4 表示为移动机器人的半径, R 表示为目标点到当前点欧式距离.图1是影响函数的Matlab图.障碍物影响范围为 2 m. 当移动机器人到达障碍物影响范围内时,由于影响函数在斥力函数中的作用,会使得斥力呈指数形式减小,从而牵引机器人到达目标点,从而解决目标不可达问题.

改进后斥力势场函数为:

$$U_{\rm rep}(X) = \begin{cases} \frac{1}{2} K_{\rm rep} \left( \frac{1}{\rho(X_c, X_o)} - \frac{1}{\rho_0} \right)^2 (1 - e^{(-(R/0.4))}), \\ 0 < \rho(X_c, X_o) \le \rho_0 \\ 0, \ \rho(X_c, X_o) > \rho_0 \end{cases}$$
(7)

改进后斥力函数为:

$$F_{\rm rep}(X) = \begin{cases} F_{\rm rep1} + F_{\rm rep2}, & 0 < \rho(X_c, X_o) \le \rho_0 \\ 0, & \rho(X_c, X_o) > \rho_0 \end{cases}$$
(8)

其中,  $F_{rep1} = -K_{rep} \left( \frac{1}{\rho} (X_c, X_o) - \frac{1}{\rho_0} \right) \times \left( \frac{1}{\rho(X_c, X_o)} \right)^2 \times (1 - e^{(-(R/0.4))}), F_{rep2} = \frac{1}{0.8} K_{rep} \left( \frac{1}{\rho(X_c, X_o)} - \frac{1}{\rho_0} \right)^2 \times (1 - e^{(-(R/0.4))}) \times \frac{\partial R}{\partial X}, F_{rep1}$ 方向是机器人指向目标点,  $F_{rep2}$ 方向是障碍物指向机器人.



#### 2.2 局部最优解问题

局部最优解问题指的是移动机器人在移动式,在 某个点出现合斥力与合引力大小相等,方向相反的情况,导致机器人停止在原地.

针对局部最优解问题,本文采用传统人工势场法 与模拟退火法相结合的方法进行解决.由于移动机器 人的两个力处在平衡状态,这时通过模拟退火法在机 器人周围随机产生一个虚拟目标点,通过虚拟目标点 给机器人增加新的引力,从而打破机器人在移动过程 中的平衡状态,移动机器人能够顺利到达目标点.如果 当前点的合势场大于下一点的合势场,则算法可以接 受这一"真正"的点,反之算法则需要根据 Metropolis 抽 样准则进行选择. Metropolis 抽样准则通常表示为:

$$p = \begin{cases} \exp\left(-\frac{E(X_{n+1}) - E(X_n)}{T}\right), \ E(X_{n+1}) \ge E(X_n) \\ 1, \qquad \qquad E(X_{n+1}) < E(X_n) \end{cases}$$
(9)

模拟退火算法<sup>[16]</sup>来源于固体退火的原理,物体从 高温到冷却,接着慢慢达到一个稳定的状态.高温时, 内部粒子内能大,粒子可能在固体内部的任何地方活 动;当温度慢慢冷却,粒子内能减少,活跃度降低,活动 范围慢慢减小;当固体冷却完毕或者达到平衡稳定,粒 子的位置就固定,就可以获取最优解.

本文针对局部最优解算法流程如图 2.

Software Technique•Algorithm 软件技术•算法 179



3 仿真实验

表1为本文算法中的参数配置表.

| 表1 改进算法的参数配置表     |       |  |
|-------------------|-------|--|
| 参数名称              | 数值    |  |
| 引力系数 <i>K</i> att | 30    |  |
| 斥力系数 <i>K</i> rep | 22    |  |
| 机器人步长 (m)         | 0.1   |  |
| 障碍物半径 (m)         | 0.3   |  |
| 障碍物影响范围 (m)       | 2     |  |
| 移动机器人半径 (m)       | 0.4   |  |
| 随机概率              | 0.99  |  |
| 最大迭代次数            | 1 000 |  |
| 模拟退火法初始值          | 100   |  |
| 模拟退火法终止值          | 0.1   |  |

本文对传统人工势场法的目标不可达以及局部最 优解进行仿真及实现,机器人出发点和目标点分别在 (1,1)与(10,9)处,线条表示路径.当障碍物位于目标 点附近时,目标点周围存在不可"翻越"的势场高点,此 时机器人会在目标周围产生多次航向震荡,并且无法 到达目标点,即目标不可达问题(见图3).本文针对障 碍物斥力势场函数进行改进,添加斥力势场函数影响 因子,当进入障碍物影响范围2m内会出现斥力势场 函数时,以指数函数递减形式进行递减,从而能够解决 目标不可达问题(见图4).当在行驶过程中,机器人受

180 软件技术•算法 Software Technique•Algorithm

到的引力和斥力大小相等方向相反,此时即局部最优 点(见图 5).针对传统人工势场法中的局部最优解问 题,本文将模拟退火法与人工势场法相结合,当处在局 部最优解的时候,根据模拟退火法算法原理,会在机器 人附近增加虚拟点,通过虚拟点给予机器人一个新的 引力,从而帮助其打破在局部最优解的平衡状态,使其 走出局部最优解(见图 6).





本文选取文献 [17] 与本文算法进行在 10 个障碍 物与 20 个障碍物的地图中进行仿真, 在图 7 中, 可以 看出机器人在行驶过程中在障碍物附近出现震荡, 整 条运行轨迹不够平滑. 在对比图 8 中可以看出机器人 在障碍物前方没有发生震荡,并且行驶轨迹与障碍物 还有一定安全距离.在图 9 中,可以看出机器人在行驶 过程中多次在障碍物附近出现震荡,即将触碰到障碍 物,增加了危险系数.整条运行轨迹不够平滑.在对比 图 10 中可以看出机器人行驶路径相对平滑,并且行驶 轨迹与障碍物还有一定安全距离.





图 9 20 个障碍物地图文献 [17] 算法路径

本文选取文献 [17] 中的改进人工势场法, 虽然该 算法成功解决传统人工势场法中的目标不可达及局部 最优值的问题, 但是在与本文算法比较时出现路径抖 动、行驶时间较久和行驶路径距离较长等问题, 同时 在设计斥力函数时, 本文充分考虑移动机器人的大小. 在 4 次实验后的算法对比图中显示, 如表 2 所示. 本文

Software Technique•Algorithm 软件技术•算法 181

算法在 10 个障碍物中比文献 [17] 中算法的行驶时间 提升 6.70%, 路径长度减少 9.20%. 本文算法在 20 个障 碍物中比文献 [17] 中算法的行驶时间提升 9.10%, 路 径长度减少 12.10%.



图 10 20 个障碍物地图改进算法路径

| マニ 昇伝刈比 |
|---------|
|---------|

| 障碍物数目  | 方法       | 时间 (s) | 路径长度 (m) |
|--------|----------|--------|----------|
| 10个障碍物 | 文献[17]算法 | 12.69  | 141      |
|        | 本文算法     | 11.83  | 128      |
| 20个障碍物 | 文献[17]算法 | 16.28  | 157      |
|        | 本文算法     | 14.79  | 138      |

## 4 结论与展望

人工势场法作为移动机器人路径规划中的经典算 法,其本身非常适用于移动机器人的局部路径规划,但 由于其算法本身存在较多的局限性,会导致移动机器 人在路径规划中出现问题.本文主要针对人工势场法 在路径规划中的问题,通过改进传统人工势场法中斥 力势场函数并且结合模拟退火算法,最终利用 Matlab 仿真软件对改进优化后的算法进行验证.可以看出本 文算法相对于传统人工势场法在路径规划中具有良好 效果.

#### 参考文献

- 1 Zhou JH, Zhou JQ, Zheng YS, *et al.* Research on path planning algorithm of intelligent mowing robot used in large airport lawn. Proceedings of the 2016 International Conference on Information System and Artificial Intelligence. Hong Kong: IEEE, 2016. 375–379.
- 2 金鑫. AGV 小车的发展现状与应用趋势. 北京工业职业技

182 软件技术•算法 Software Technique•Algorithm

术学院学报, 2021, 20(1): 10-13. [doi: 10.3969/j.issn.1671-6558.2021.01.003]

- 3 张雷.移动机器人 (AGV/AMR) 行业: 繁荣发展, 融合创新. 物流技术与应用, 2022, 27(4): 63-65. [doi: 10.3969/j.issn. 1007-1059.2022.04.003]
- 4 李全勇, 李波, 张瑞, 等. 基于改进 Dijkstra 算法的 AGV 路 径规划研究. 机械工程与自动化, 2021, (1): 23-25, 28. [doi: 10.3969/j.issn.1672-6413.2021.01.008]
- 5 孔慧芳,盛阳.基于改进 A\*算法的 AGV 路径规划研究.现 代制造工程,2021,(10):60-64.
- 6 岳春擂,黄俊,邓乐乐.改进蚁群算法在 AGV 路径规划上 的研究.计算机工程与设计,2022,43(9):2533-2541. [doi: 10.16208/j.issn1000-7024.2022.09.018]
- 7 牛秦玉,李美凡,赵勇.改进人工势场法的 AGV 路径规划 算法研究.机床与液压,2022,50(17):19-24.
  - 8 朱蟋蟋, 孙兵, 朱大奇. 基于改进 D\*算法的 AUV 三维动态 路径规划. 控制工程, 2021, 28(4): 736-743.
  - 9 胡兵, 向凤红, 毛剑琳. 基于改进 RRT 算法的 AGV 路径规 划研究. 软件导刊, 2018, 17(3): 28-31.
  - 10 翟丽,张雪莹,张闲,等.基于势场法的无人车局部动态避障路径规划算法.北京理工大学学报,2022,42(7):696-705.
  - 11 Abdalla TY, Abed AA, Ahmed AA. Mobile robot navigation using PSO-optimized fuzzy artificial potential field with fuzzy control. Journal of Intelligent & Fuzzy Systems, 2017, 32(6): 3893–3908.
  - 12 Siming W, Tiantian Z, Weijie L. Mobile robot path planning based on improved artificial potential field method. Proceedings of the 2018 IEEE International Conference of Intelligent Robotic and Control Engineering (IRCE). Lanzhou: IEEE, 2018. 29–33.
  - 13 徐小强, 王明勇, 冒燕. 基于改进人工势场法的移动机器人 路径规划. 计算机应用, 2020, 40(12): 3508-3512. [doi: 10. 11772/j.issn.1001-9081.2020050640]
  - 14 郑来芳, 欧阳明华. 基于人工势场的风管机器人避障方法. 电子测量技术, 2018, 41(19): 18-21.
- 15 Khatib O. Real-time obstacle avoidance for manipulators and mobile robots. Autonomous Robot Vehicles. New York: Springer, 1986. 396–404.
- 16 杨士林.基于改进人工势场法的移动机器人路径规划研究[硕士学位论文].佛山:佛山科学技术学院,2020.
- 17 何乃峰, 宿一凡, 刘子弘, 等. 基于改进人工势场法的移动 机器人路径规划算法研究. 现代制造技术与装备, 2020, 56(12): 1–3. [doi: 10.3969/j.issn.1673-5587.2020.12.003]

(校对责编:牛欣悦)