K-Similarity 降噪的 LSTM 神经网络水质 多因子预测模型①

刘晶晶¹, 庄 红¹, 铁治欣¹, 程晓宁¹, 丁成富²

1(浙江理工大学信息学院, 杭州 310018) ²(聚光科技 (杭州) 股份有限公司, 杭州 310052) 通讯作者: 庄 红, E-mail: lisa@zstu.edu.cn

摘 要: 针对水质预测问题, 以地表水水质监测因子作为研究对象, 提出了一种基于长短期记忆 (LSTM) 神经网络 的水质多因子预测模型,同时利用提出的 K-Similarity 降噪法对模型的输入数据进行降噪,提高模型预测性能.通过 与 BP 神经网络、RNN 和传统的 LSTM 神经网络预测模型进行对比实验, 证明了所提出的方法均方误差最小, 预 测结果更准确.

关键词: 水质预测; 长短期记忆 (LSTM); 多因子预测; K-Similarity 降噪

引用格式: 刘晶晶,庄红,铁治欣,程晓宁,丁成富.K-Similarity 降噪的 LSTM 神经网络水质多因子预测模型.计算机系统应用,2019,28(2):226-232. http://www.c-s-a.org.cn/1003-3254/6756.html

Water Quality Multi-Factor Prediction Model Using LSTM Neural Network Based on **K-Similarity Noise Reduction**

LIU Jing-Jing¹, ZHUANG Hong¹, TIE Zhi-Xin¹, CHENG Xiao-Ning¹, DING Cheng-Fu²

(School of Information Science and Technology, Zhejiang Sci-Tech University, Hangzhou 310018, China) ²(Focused Photonics (Hangzhou) Inc., Hangzhou 310052, China)

Abstract: In view of the water quality prediction problem, taking the surface water quality monitoring factors as the research object, a Long Short-Term Memory (LSTM) neural network based model is proposed for water quality multifactor prediction. At the same time, the proposed K-Similarity method is used to denoise the input data of the model to improve the prediction performance of the model. Compared with BP neural network, RNN, and traditional LSTM neural network prediction model, the experiment shows that the proposed method has the least square error and the prediction result is more accurate.

Key words: water quality prediction; Long Short-Term Memory (LSTM); multi-factor prediction; K-Similarity noise reduction

地表水是人类用水的重要来源之一,人类每天生 活用的自来水就是地表水经过加工后提供的,由于工 业废水排放和人为生活废水乱排等原因,导致地表水 污染严重,水体中的氮、磷等元素含量增加,水污染问 题已经严重破坏了生态环境[1]. 为了有效的进行地表水 水质管理和保护,目前很多专家和学者积极进行水质 污染防控的研究,同时也迫切需要对地表水监测因子 进行分析预测,以便提供多方面的管理决策.

目前常用水质监测因子的预测方法有人工神经网 络、深度循环神经网络、灰色预测模型等等, 吴旭

Foundation item: Technology Application Plan for Public Welfare of Zhejiang Province (2014C31G2060072) 收稿时间: 2018-07-31; 修改时间: 2018-08-30; 采用时间: 2018-09-05; csa 在线出版时间: 2019-01-28

226 研究开发 Research and Development



① 基金项目: 浙江省公益技术应用研究项目 (2014C31G2060072)

东、李映曦等[2]人利用基于径向基的 RBF 神经网络算 法建立水质评价预测模型,实验结果预测准确率较高; 杨祎玥等[3]人利用深度循环神经网络的时间序列预测 模型结合小波变换方法,采用时间进化反向传播算法 (BPTT), 更新网络权值进行训练, 减少了水文序列预测 的滞后; 张青、袁宏林等[4,5]人建立 BP 神经网络水质 预测模型对水质相关指标进行预测, 取得了良好的效 果;李宣谕等[6]人利用动态灰色可修正模型以一定的权 重对不同预测模型的预测值加权进行水质预测,得到 了较好的结果; 这些算法虽然各有优点, 但是在输入数 据的噪音处理以及算法模型对时间序列的数据分析上 还有欠缺, LSTM 神经网络具有选择记忆的特点, 任君 等[7]人用 LSTM 做了关于股票指数预测的研究, 得到 了良好的结果, 通过查找相关文献发现利用 LSTM 对 地表水水质的预测鲜有报道,因此,提出了一种基于 K-Similarity 降噪的 LSTM 神经网络水质多因子预测方 法,本算法能够降低数据噪声,提高预测准确度.在相 同的条件下,利用某站点地表水水质监测数据进行仿 真对比实验,证实了所提出预测模型的优越性.

1 LSTM 算法原理

长短期记忆^[8,9](Long Short-Term Memory neural network, LSTM) 是一种特殊形式的递归神经网络 (Recurrent Neural Networks, RNN), 它的选择性记忆功 能和其单元内部的门控(输入门、输出门、遗忘门)结 构改进了递归神经网络, 其基本思想是神经元受控于 多个门控,以此来克服神经网络中的梯度消失,能够深 入挖掘时间序列中的固有规律. LSTM 神经网络的每 个细胞有三个门控,输入门(Input gate)、遗忘门 (Forget gate) 和输出门 (Output gate), 其模块结构如图 1 所示, 圆圈表示逐点运算, 矩形表示神经网络层,

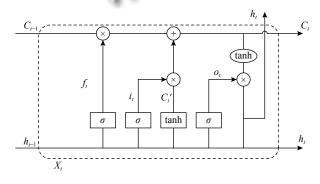


图 1 LSTM 门控模块结构图

设 i_t , f_t , o_t 分别表示在 t 时刻输入门的值、遗忘门 的值和输出门的值,则:

$$i_t = \sigma(W_{xi}x_t + W_{hi}h_{t-1} + W_{ci}C_{t-1} + b_i)$$
 (1)

$$f_t = \sigma(W_{xf}x_t + W_{hf}h_{t-1} + W_{cf}C_{t-1} + b_f)$$
 (2)

$$o_t = \sigma(W_{xo}x_t + W_{ho}h_{t-1} + W_{co}C_t + b_o)$$
 (3)

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}} \tag{4}$$

其中, x_t 表示 t 时刻输入数据, h_{t-1} 表示 t-1 时刻 LSTM 单元输出值, C_{t-1} 表示 t-1 时刻记忆单元值, C_t 表 示t时刻记忆单元值; $W_{*\Delta}$ 为权重系数(例如 W_{xi} 表示对 应输入数据和输入门之间的权值); b*为偏置向量 (例如 b_i 为输入门的偏置向量). σ 为 sigmoid 函数, 取值为[0, 1], 当取 0 值时表示门控关闭, 取 1 值时表示门控打开, 其公式如式(4).

C'表示当前候选记忆单元值, 计算公式如式 (5) 所 示、计算当前时刻记忆单元状态值 C_c 的迭代公式如式 (6) 所示, tanh 为双曲正切激活函数, 其计算公式如 (7) 所示.

$$C'_{t} = \tanh(W_{xc}x_{t} + W_{hc}h_{t-1} + b_{c})$$
 (5)

$$C_t = f_t C_{t-1} + i_t C_t' \tag{6}$$

$$\tanh(x) = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}} \tag{7}$$

其中, Wxc 为对应输入数据和记忆单元之间的权值, W_{hc} 为隐藏层和记忆单元之间的权值.

设有 n(n>0) 维输入 $x_1, x_2, \cdots, x_n, m(m>0)$ 维网络的 隐藏层状态序列 $h_1,h_2,\cdots,h_m,k(k>0)$ 维输出序列 $y_1, y_2, \cdots, y_k, y_t$ 是 t 时刻 LSTM 单元的输出, 计算公式 如式 (8) 所示.

$$y_t = o_t \tanh(C_t) \tag{8}$$

2 K-Similarity 降噪的 LSTM 水质多因子预 测模型

2.1 数据样本确定

本文以某站点的地表水水质监测数据为研究对象, 由于有多种因子对水质有影响, 因此在预测水质中的 某一因子时, 其他的因子对其含量的变化影响也不容 小觑, 因此采用 LSTM 构建水质多因子预测模型.

所谓的多因子预测,是指在同一时刻的水质中含 有的多种监测因子的指标数据是受其他因子相互作用

Research and Development 研究开发 227

和影响的, 利用多个因子的相互作用来共同预测下一 时刻的某一因子的指标数据. 把每个因子的数值当做 高维空间对应坐标轴中的坐标, 多个因子共同组成高 维空间中的向量.

根据地表水环境质量标准以及水质因子相互影响 的因素, 最终选取水温 (x_1) 、 $PH(x_2)$ 、氨氮 (x_3) 、总磷 (x_4) 、高锰酸盐指数 (x_5) 、溶解氧 (x_6) 、总铅 (x_7) 、电 导率 (x_s) 共 8 个指标作为模型输入参数, 同时, 将这 8 个指标作为输出参数水温 (y_1) 、 $PH(y_2)$ 、氨氮 (y_3) 、 总磷 (y_4) 、高锰酸盐指数 (y_5) 、溶解氧 (y_6) 、总铅 (y_7) 、电导率 (y_8) . 从某地表水水质监测站点采集 2017年10月12日到2018年3月1日地表水水质监 测因子相关数据, 采集时间周期为 4 个小时采样一次, 所选择数据样本部分数据如表 1 所示.

表 1 部分样本数据信息表

							Victoria Vic	
样本数	水温 (℃)	PH 值	氨氮 (mg/L)	总磷 (mg/L)	高锰酸盐指数 (mg/L)	溶解氧 (mg/L)	总铅 (mg/L)	电导率 (μS/cm)
1	18.3977	7.4096	0.139	0.020	1.384	5.2305	0.0053	107.953
2	17.1273	7.4184	0.148	0.022	1.507	4.6344	0.0051	91.1328
3	17.0898	7.4009	0.160	0.024	1.482	4.6094	0.0045	91.0078
4	17.4625	7.4096	0.163	0.025	1.455	4.7828	0.0066	91.8750
5	17.1648	7.4359	0.146	0.021	1.543	4.8953	0.0047	90.5078
6	17.2773	7.4441	0.176	0.023	1.478	4.8828	0.0003	104.961

2.2 数据预处理

由于监测站点采集的数据因子指标范围较大,数 据参差不齐, 并且数据样本由八个不同指标组成, 这些 指标具有不同的量纲和量级. 为了保证时间序列数据 趋于稳定以及模型的高效性,首先对数据进行归一化 处理,将其转换到[0,1]之间.本文采用最大值最小值归 一化方法进行处理, 公式如式 (9):

$$x'_t = (x_t - x_{\min})/(x_{\max} - x_{\min})$$
 (9)

公式中x_{max}和x_{min}为同一水质监测因子的样本数 据的最大值和最小值, x_t为原始样本数据, x'_t为归一化 后的数值.

2.3 K-Similarity 方法降噪过程

K-Similarity 降噪法是本文提出的一种应用于高维 空间向量簇中判别噪声的方法, 它是通过将 N 个数据 对象划分为K个类簇,K的意义类似于K-Means 算法[10,11] 中的聚类数目; 在每个类簇中将向量余弦相似度[12,13] (即 Similarity) 作为噪声判别指标去除噪声. 若输入类 簇数目为 K、数据对象为 N 则具体流程如下:

- (1) 将样本中数据划分为 K 个类簇, 计算每个类簇 的质心[14](即重心向量,是衡量向量簇中的向量偏离度 或相似度的重要指标)作为类簇中心.
- (2) 对每个类簇, 计算类簇内各向量到其质心的余 弦相似度.
 - (3) 根据向量余弦相似度的大小来判别噪声.

通过参考相关文献资料[15,16]发现,近似简谐波变化 规律的数据在降噪过程中能更容易的将偏差过大的向 量分辨出来,本文所选用的地表水水质监测数据也呈 现出随着时间有近似周期变化的规律. 因此利用本文 提出的 K-Similarity 降噪法对 LSTM 预测模型的输入 数据进行降噪.

设 LSTM 中 N 个样本数据按照时间 t_1, t_2, \dots, t_n 排 列, 并且根据 batch size(即批量大小) 划分成数据段进 行输入,每个数据段中的数据是由 time step(即窗口大 小) 决定的. 规定 K-Similarity 降噪法的每个类簇的输 入数量设为程序中 LSTM 的训练集初始化参数 time step 的值, 即每个向量簇的大小是 time step. 也即 是 $t_1, t_2, \dots, t_{time}$ step 对应的数据为第一个类簇, $t_2, t_3, \dots, t_{time\ step+1}$ 对应的数据为第二个类簇, $t_{n-time\ step+1}, t_{n-time\ step+2}, \cdots, t_n$ 对应的数据为最后一个 类簇,依照上述方法将全部样本数据划分为多个类簇. 因此, 类簇数目即 *K* 值为 (*N*-time step+1).

为了使降噪更加高效稳定,首先将输入向量进行 单元化 (将原有的高维空间向量长度归一), 然后再计 算向量簇的质心, 计算公式如式 (10) 和式 (11), $\overrightarrow{X} = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ 为空间向量, $\overrightarrow{\mu}$ 是向量簇的质心, $\overrightarrow{A_i}$ 是 向量簇中的向量, n 是向量簇中向量的数量.

$$\vec{X} = (\frac{x_1}{\sqrt{\sum_{1}^{n} x_i^2}}, \frac{x_2}{\sqrt{\sum_{1}^{n} x_i^2}}, \cdots, \frac{x_n}{\sqrt{\sum_{1}^{n} x_i^2}})$$
(10)

$$\overrightarrow{\mu} = \frac{\sum_{1}^{n} \overrightarrow{A_{i}}}{n} \tag{11}$$

数据中的噪声向量往往与相邻或者相近的数据呈

228 研究开发 Research and Development

现较大差异, 在高维空间中主要体现在噪声向量与重 心向量之间的夹角差距远远大于其他多数非噪声向量 与重心向量之间的夹角的差距, 若两个向量的交角越 小, 余弦值就越大, 两个向量也就越相似. 余弦相似度 计算公式如式(12), 其中 $\vec{A} = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ 和 $\overrightarrow{B} = (b_1, b_2, \dots, b_n)$ 是 n 维空间的两个向量, θ 是这两个 向量的夹角.

$$similarity = \cos ine(\theta) = \frac{\sum_{1}^{n} (a_i \times b_i)}{\sqrt{\sum_{1}^{n} a_i^2} \times \sqrt{\sum_{1}^{n} b_i^2}}$$
(12)

利用 K-Similarity 法降噪的具体步骤如下:

- (1) 确定类簇数目 K, 计算类簇质心 $\overrightarrow{\mu}$ 作为类簇 中心
 - (2) 对于每个向量簇, 按照 1)-3) 进行计算.
- 1) 根据公式 (12) 计算簇内各对象到其质心的余弦 相似度(即降噪有效性指标).
- 2) 按照余弦相似度升序排序, 计算最小值 j和次小 值k的相对误差r = |j - k|/|j|.
- 3) 人工设定一个阈值 λ , 如果r不大于 λ , 则不做改 变; 如果r大于 λ , 则将原向量定义为噪声, 若 \overline{B} 被判定 是噪声, 那么将噪声向量在时间序列中的相邻两向量 \overrightarrow{A} 和 \overrightarrow{C} (即数组中噪声向量的前后相邻向量) 的平均向 量作为噪声的替代向量, 计算公式如式 (13).

$$\vec{B} = \frac{\vec{A} + \vec{C}}{2} \tag{13}$$

(3) 当所有数据类簇完成降噪即去除每个类簇中 最大的噪声向量时结束.

2.4 K-Similarity 降噪的 LSTM 水质多因子预测模型 流程

K-Similarity 降噪的 LSTM 水质多因子预测模型 主要可分为三步:

- (1) 数据采集预处理部分, 首先对大量数据样本进 行整合处理,将无用数据和缺失数据删除,按照时间先 后进行排列作为实验的有效数据进行分析.
 - (2) K-Similarity 降噪部分, 见上一节.
- (3) LSTM 算法部分, 通过降噪后的训练数据进行 模型训练,选择 Adam 算法[17]进行优化,设置学习率来 更新权重减少损失,最后使用测试集数据进行验证.模 型流程图如图 2 所示.

本文选取均方误差 MSE(Mean Squared Error) 来 评价预测性能,均方误差是指参数估计与参数真值之 差平方的期望值, 计算公式如 (14) 所示, yt是真实数据 值, p_t 是预测值.

$$MSE = \frac{1}{N} \sum_{t=1}^{N} (y_t - p_t)^2$$
 (14)

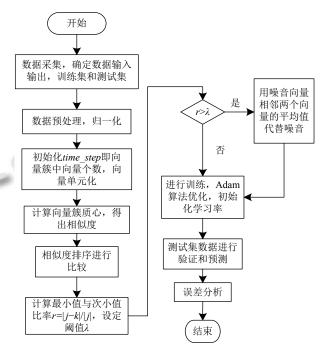


图 2 模型流程图

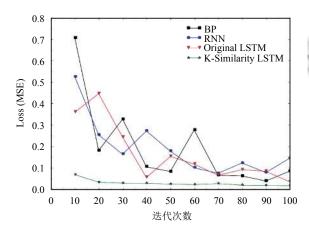
3 实验结果分析

实验平台和环境: 实验所使用计算机配置如下: 处 理器为 2.3 GHz Intel Core i5, 内存为 8 GB, 操作系统 为 macOS High Sierra 10.13.2; 程序设计语言为 Python2.7.10; 集成开发环境为 Pycharm Professional 2016.2.3; 程序中 TensorFlow 由 1.6.0 版本实现、 scikit-learn 由 0.19.1 版本实现. 实验相关参与设置: LSTM 时间步长 time step 为 20, 隐层单元数为 10, 批 量大小 batch size 为 60, 学习率为 0.001. 针对获取的 783 个数据样本,将前743个作为模型训练数据,后 40个作为模型验证数据,进行预测.

为了验证本文提出的预测模型的有效性, 选取 BP 神经网络、RNN、传统的 LSTM 神经网络等预测 模型进行对比实验. 四个预测模型均在相同的实验平 台和环境下进行实验,对于 BP 神经网络采用三层神经 网络, 11 个隐层单元, 学习率为 0.001; 对于 RNN 采用 10 个隐层单元, 学习率为 0.001, 时间周期为 20, 激活 函数采用 relu 函数; 对于本文 K-Similarity 降噪的

Research and Development 研究开发 229

LSTM 和传统的 LSTM 均采用 Adam 随机梯度下降算 法进行优化, 损失函数使用均方误差 MSE 进行评价. 为了消除一次实验结果的偶然性,对每种算法模型进 行 50 次实验, 计算出相应的误差. 实验对每个模型均 进行了100次迭代,并且在每次迭代完成后计算其均 方误差,并绘制出误差对比结果图,如图 3 所示. 从图 3中可以看出,四种模型随迭代次数均方误差的变化情 况, 本文通过 K-Similarity 降噪的 LSTM 神经网络模型 与 BP 神经网络、RNN 和传统的 LSTM 神经网络模型 相比误差明显降低.



误差对比结果图 图 3

为了更加直观的看出 K-Similarity 降噪后的算法 在预测效率上的提高,以及模型对于每个因子的预测 效果, 分别选取测试集的 12 个数据, 绘制八个因子的 实际数据与预测数据对比图,如图 4 至图 11. 从图中可 以看出, 降噪后的算法模型的预测结果曲线和实际数 值更加吻合,与实际情况更加符合,预测结果更加准确。

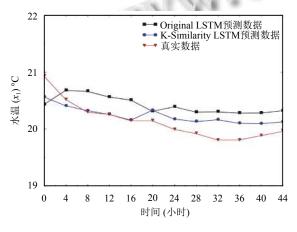


图 4 水温 (x_1) 预测结果图

230 研究开发 Research and Development

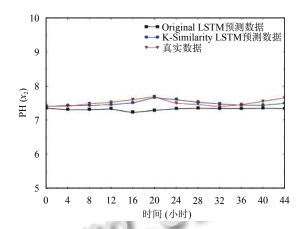


图 5 PH(x₂) 预测结果图

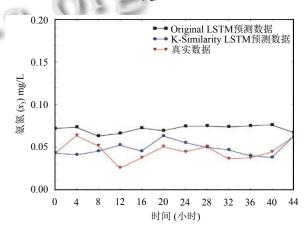


图 6 氨氮 (x₃) 预测结果图

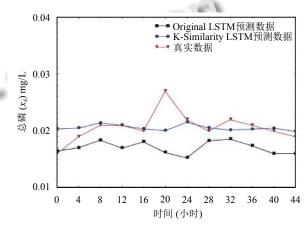
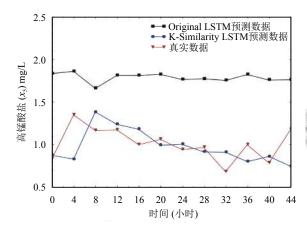


图 7 总磷 (x₄) 预测结果图

根据测试集数据计算每个因子的平均相对误差E, 计算公式如式 (15) 所示.

$$E = \frac{\sum_{t=1}^{N} |(y_t - p_t)/y_t|}{N} \times 100\%$$
 (15)

每个因子的平均相对误差计算结果如表 2 所示, 从表中可知,本文提出的算法预测模型平均相对误差 相比于传统的 LSTM 模型大大降低. 水温平均相对误 差比之前降低了51.4%, PH 平均相对误差比之前降低 了 64.1%, 氨氮平均相对误差比之前降低了 65.3%, 总 磷平均相对误差比之前降低了55.9%, 高锰酸盐指数 平均相对误差比之前降低了79.4%,溶解氧平均相对 误差比之前降低了44.9%, 总铅平均相对误差比之前 降低了84.5%, 电导率平均相对误差比之前降低了84.2%.



高锰酸盐指数 (x5) 预测结果图

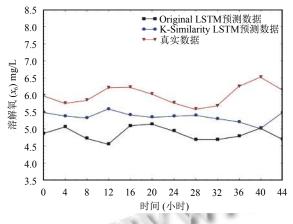


图 9 溶解氧 (x₆) 预测结果图

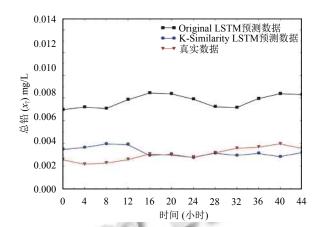
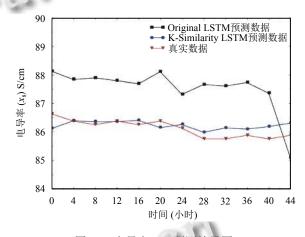


图 10 总铅(x7)预测结果图



电导率 (x8) 预测结果图

从以上实验结果可知,本文提出的预测模型均方 误差最小,并且每个预测因子的平均相对误差均明显 降低, 预测结果更加准确. 因此本文提出的模型可以应 用到地表水水质因子预测中, 为地表水水质预测提供 参考.

预测因子平均相对误差表(%)

										_
•	预测因子	水温 x ₁	PHx_2	氨氮 x ₃	总磷 x ₄	高锰酸盐指数 x ₅	溶解氧 x ₆	总铅 x ₇	电导率 x ₈	-
•	Original LSTM	1.802	2.492	65.338	16.787	82.217	18.861	1.773	160.962	-
	K-Similarity LSTM	0.875	0.894	22.699	7.406	16.925	10.399	0.274	25.333	

4 结论

本文首先针对地表水水质预测的多因子影响因素 建立高维空间坐标体系,利用最大值最小值归一化方 法对监测站点水质因子数据进行数据预处理, 简化了 数据的波动和复杂性, 然后将 K-Similarity 降噪法与

LSTM 算法结合, 通过计算高维空间中向量的余弦相 似度来去除噪声, 最后进行训练和预测. 实验结果表明: 本文提出的预测模型的均方误差最小, 预测结果曲线 与实际数据更加吻合, 平均相对误差明显降低, 预测结 果比 BP 神经网络、RNN 和传统的 LSTM 神经网络模

Research and Development 研究开发 231

型更优,模型预测更加准确.在地表水水质多因子预测方面能够取得较好的效果,对于水质预测具有重要的实践意义.基于目前的研究,后续的主要研究工作是寻求更有效的参数优化方法.

参考文献

- 1 刘冠凤. 聊城市地表水环境问题及对策研究[博士学位论文]. 武汉: 武汉理工大学, 2012.
- 2 吴旭东, 冯璐远, 陈正军, 等. 数据挖掘算法在水质评价预测中的应用. 电脑知识与技术, 2017, 13(35): 3-4, 12.
- 3 杨祎玥, 伏潜, 万定生. 基于深度循环神经网络的时间序列 预测模型. 计算机技术与发展, 2017, 27(3): 35–38, 43.
- 4 张青, 王学雷, 张婷, 等. 基于 BP 神经网络的洪湖水质指标预测研究. 湿地科学, 2016, 14(2): 212-218.
- 5 袁宏林, 龚令, 张琼华, 等. 基于 BP 神经网络的皂河水质 预测方法. 安全与环境学报, 2013, 13(2): 106-110. [doi: 10.3969/j.issn.1009-6094.2013.02.023]
- 6 李宣谕. 基于人工智能对地表水的水质预测与评价研究 [硕士学位论文]. 吉林: 东北电力大学, 2017.
- 7 任君, 王建华, 王传美, 等. 基于正则化 LSTM 模型的股票 指数预测. 计算机应用与软件, 2018, 35(4): 44-48, 108. [doi: 10.3969/j.issn.1000-386x.2018.04.008]
- 8 Li X, Peng L, Yao XJ, *et al.* Long short-term memory neural network for air pollutant concentration predictions: Method development and evaluation. Environmental Pollution, 2017,

- 231: 997-1004. [doi: 10.1016/j.envpol.2017.08.114]
- 9 Fischer T, Krauss C. Deep learning with long short-term memory networks for financial market predictions. European Journal of Operational Research, 2018, 270(2): 654–669. [doi: 10.1016/j.ejor.2017.11.054]
- 10 李卫军. K-means 聚类算法的研究综述. 现代计算机, 2014, (23): 31–32, 36.
- 11 周爱武, 于亚飞. K-Means 聚类算法的研究. 计算机技术与发展, 2011, 21(2): 62-65. [doi: 10.3969/j.issn.1673-629X. 2011.02.016]
- 12 谢平, 肖婵, 雷红富, 等. 基于向量相似度原理的湖泊富营 养化评价方法及其验证. 安全与环境学报, 2008, 8(4): 93-96. [doi: 10.3969/j.issn.1009-6094.2008.04.024]
- 13 陈春芳, 朱传喜. 基于向量相似度的区间数排序方法及其应用. 统计与决策, 2014, (3): 76-78.
- 14 谢华, 王健, 林鸿飞, 等. 基于特征选择的质心向量构建方法. 计算机工程, 2012, 38(1): 195-196, 210. [doi: 10.3969/j.issn.1000-3428.2012.01.062]
- 15 孙红星, 张洋. 改进阈值函数在振动信号降噪中的仿真研究. 系统仿真学报, 2017, 29(8): 1788–1794.
- 16 赵化彬, 张志杰. 基于本征模态函数最优配比的冲击波信号经验模态分解降噪方法. 科学技术与工程, 2017, 17(18): 231-237. [doi: 10.3969/j.issn.1671-1815.2017.18.036]
- ir pollutant concentration predictions: Method and evaluation. Environmental Pollution, 2017, and evaluation. Environmental Pollution, 2017, and evaluation. Environmental Pollution, 2017, and evaluation arxiv: 1412.6980, 2014.

